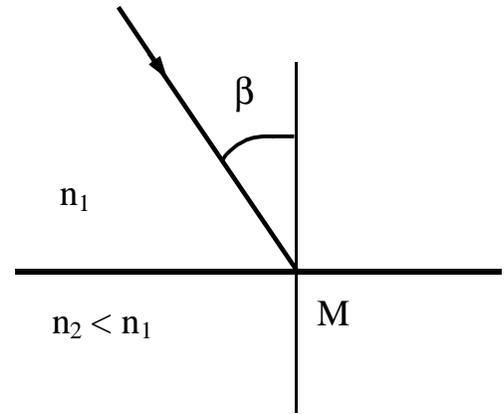


EXERCICE 3 : Sujet BTS session 1992

- 1) Énoncer les lois de Descartes :
 - a- sur la réflexion de la lumière.
 - b- sur la réfraction de la lumière.

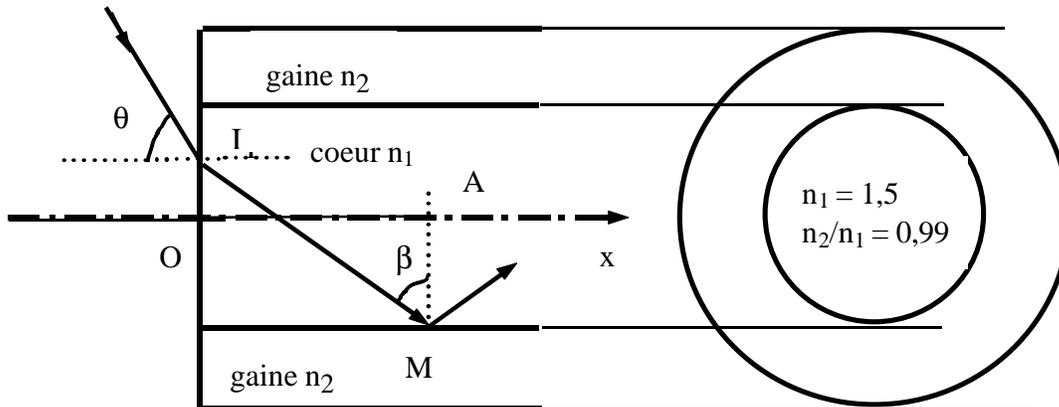
- 2) Après la traversée d'un milieu d'indice n_1 , un rayon lumineux arrive sur la surface de séparation de ce milieu d'indice n_1 avec un milieu d'indice n_2 . (voir figure ci-contre)



Donner l'expression littérale de l'angle β pour lequel il n'y a plus de réfraction en M (il y a alors réflexion totale).

- 3) Une fibre "multimode" est formée d'un cœur d'indice n_1 et d'une gaine d'indice n_2 . Les milieux sont homogènes, isotropes, cylindriques et coaxiaux ; on ne s'intéresse qu'aux rayons situés dans un plan passant par l'axe Ox.

NOTA : le schéma est un schéma de principe, ne respectant pas la réalité des proportions (angles, distances)



- 3.1. On veut déterminer en fonction de n_1 et n_2 la valeur θ à partir de laquelle il y a réflexion totale en M. On prendra pour l'air un indice $n = 1,00$. Pour cela :
 - 3.1.1. Écrire $\sin \beta$ donnant la réflexion totale en M.
 - 3.1.2. En utilisant la loi de la réfraction en I, écrire $\sin \theta$ en fonction de $\cos \beta$ et n_1 .

3.1.3. On rappelle la relation trigonométrique $\sin^2 \beta + \cos^2 \beta = 1$.
 Démontrer alors que $\sin \theta$ peut se mettre sous la
 forme : $\sin \theta = n_1 \cdot \sqrt{1 - \frac{n_2^2}{n_1^2}}$.

3.1.4. Calculer numériquement θ .

3.2. Que représente l'angle d'ouverture θ pour une fibre optique ?

3.3. Le rayon (1) pénètre dans la fibre en I et correspond au rayon donnant en M tout juste la première réflexion totale sur la gaine.

Le rayon (2) est un rayon entrant dans la fibre au point O avec une incidence nulle et se propageant en ligne droite suivant l'axe Ox de la fibre optique.

Calculer le rapport : $\frac{L_1}{L_2} = \frac{\text{Distance parcourue par le rayon (1)}}{\text{Distance parcourue par le rayon (2)}} = \frac{IM}{OA}$

3.4. Calculer la vitesse de propagation de la lumière dans le coeur de la fibre optique.

4)

4.1. Pour une fibre optique de longueur $L = 10$ km, calculer la distance parcourue D par un rayon lumineux arrivant sous un angle $\theta = 12^\circ$.

4.2. Calculer le retard Δt entre ce rayon et un rayon se propageant suivant l'axe de la fibre. Conclusion.

DONNEE : dans l'air, vitesse de propagation de la lumière : $c = 300.000$ km/s.

EXERCICE 4 :

Deux cubes de verre, de mêmes dimensions : ABCD et DCEF, sont accolés par leur face DC. Leurs indices de réfraction par rapport à l'air sont respectivement $n_1 = 1,51$ et $n_2 = 1,62$.

1) Faire un schéma.

2) Un rayon incident SI tombe sur la face DF sous un angle $i = 30^\circ$. Il se réfracte dans le verre et tombe en un point O de la face DC commune.

Calculer l'angle d'incidence i_1 du rayon IO par rapport à cette surface de séparation.

3) Entre quelles valeurs doit être compris i_1 pour qu'il y ait réflexion totale en O ?

3) Quelles sont les valeurs correspondantes de i ?

EXERCICE 5 : Appréciation d'une profondeur.

Un pêcheur voit depuis la berge un poisson immobile dans l'eau. Il a l'impression que le poisson se trouve à une profondeur $h_1 = O_1H = 50$ cm.

On prendra comme indice de réfraction : $n_a = 1,00$ et $n_e = 1,33$

On raisonnera sur le rayon qui va de l'œil du poisson à l'œil du pêcheur.

1) Le pêcheur a l'impression de voir l'œil du poisson en O_1 . Placer ce point O_1 sur la figure .

2) En supposant que le pêcheur se trouve presque à la verticale du poisson, on peut considérer que les angles i_1 et i_2 sont très petits.

On rappelle la propriété mathématique suivante :

quand un angle α est petit $\Rightarrow \sin \alpha \approx \alpha \approx \tan \alpha$ (α exprimé en radians)

2.1. En écrivant la réfraction en I pour des angles petits, déterminer la profondeur réelle du poisson $O_2H = h_2$ en fonction de h_1 et des indices n_a et n_e .

2.2. Calculer numériquement h_2 .

